

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«УЛЬЯНОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

---

ФАКУЛЬТЕТ МАТЕМАТИКИ, ИНФОРМАЦИОННЫХ  
И АВИАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ  
КАФЕДРА ИНФОРМАЦИОННОЙ БЕЗОПАСНОСТИ И ТЕОРИИ УПРАВЛЕНИЯ

Рацеев С.М.

**Методические указания для  
самостоятельной работы студентов по  
дисциплине  
«Криптографические протоколы»**

для студентов специальностей  
10.05.01 «Компьютерная безопасность» и  
10.05.03 «Информационная безопасность автоматизированных систем»

Ульяновск  
2022

Рацеев С.М. Методические указания для самостоятельной работы студентов по дисциплине «Криптографические протоколы» для студентов специальностей 10.05.01 «Компьютерная безопасность» и 10.05.03 «Информационная безопасность автоматизированных систем». – Ульяновск: УлГУ, 2022.

Методические указания рекомендованы к введению в образовательный процесс решением Ученого Совета ФМИАТ УлГУ (протокол № 3/22 от 19.04.2022 г.).

## **Тема 1. Протоколы аутентификации, использующие технику «запрос-ответ»**

### **Основные вопросы темы:**

Протоколы аутентификации, использующие пароли (слабая аутентификация). Протоколы аутентификации, использующие технику «запрос-ответ»: «запрос-ответ» с использованием симметричных алгоритмов шифрования. Протоколы аутентификации, использующие технику «запрос-ответ»: «запрос-ответ» с использованием асимметричных алгоритмов шифрования.

### **Рекомендации по изучению темы:**

Все вопросы изложены в параграфах 14.1, 14.2 учебного пособия [2].

### **Контрольные вопросы:**

1. Протоколы аутентификации, использующие пароли (слабая аутентификация). 2. Протоколы аутентификации, использующие технику «запрос-ответ»: «запрос-ответ» с использованием симметричных алгоритмов шифрования. 3. Протоколы аутентификации, использующие технику «запрос-ответ»: «запрос-ответ» с использованием асимметричных алгоритмов шифрования и электронной подписи.

## **Тема 2. Протоколы аутентификации с нулевым разглашением**

### **Основные вопросы темы:**

Протокол аутентификации Фиата-Шамира. Протокол Фейга-Фиата-Шамира. Итеративный протокол аутентификации Фиата-Шамира без доверенного центра. Трехпроходный протокол аутентификации Фиата-Шамира без доверенного центра. Протокол аутентификации Шнорра. Итеративный и трехпроходный модифицированный протокол Шнорра. Модификация протокола Шнорра на эллиптических кривых. Итеративный и трехпроходный модифицированный протокол Шнорра на эллиптических кривых. Протокол аутентификации Окамото. Модификация протокола Окамото на эллиптических кривых. Протокол аутентификации Гиллоу-Куискатр (GQ). Протокол аутентификации с нулевым разглашением на основе доказательства изоморфизма графов. Пятипроходный протокол аутентификации на основе изоморфизма графов с использованием эллиптических кривых. Протокол аутентификации с нулевым разглашением на основе асимметричных шифров. Протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе шифра RSA. Протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе шифра Эль-Гамала. Модификация протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе шифра Эль-Гамала с использованием эллиптических кривых. Модификация протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе системы Диффи-Хеллмана с использованием эллиптических кривых.

### **Рекомендации по изучению темы:**

Все вопросы изложены в параграфе 14.3 учебного пособия [2].

### **Контрольные вопросы:**

1. Протокол аутентификации Фиата-Шамира. 2. Протокол Фейга-Фиата-Шамира. 3. Итеративный протокол аутентификации Фиата-Шамира без доверенного центра. 4. Трехпроходный протокол аутентификации Фиата-Шамира без доверенно-

го центра. 5. Протокол аутентификации Шнорра. 6. Итеративный и трехпроходный модифицированный протокол Шнорра. 7. Модификация протокола Шнорра на эллиптических кривых. 8. Итеративный и трехпроходный модифицированный протокол Шнорра на эллиптических кривых. 9. Протокол аутентификации Окамото. 10. Модификация протокола Окамото на эллиптических кривых. 11. Протокол аутентификации Гиллоу-Куискатр (GQ). 12. Протокол аутентификации с нулевым разглашением на основе доказательства изоморфизма графов. 13. Пятипроходный протокол аутентификации на основе изоморфизма графов с использованием эллиптических кривых. 14. Протокол аутентификации с нулевым разглашением на основе асимметричных шифров. 15. Протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе шифра RSA. 16. Протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе шифра Эль-Гамала. 17. Модификация протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе шифра Эль-Гамала с использованием эллиптических кривых. 18. Модификация протокола аутентификации с нулевым разглашением на основе системы Диффи-Хеллмана с использованием эллиптических кривых.

### **Задачи для самостоятельной работы:**

1. Протокол Фиата-Шамира. Пусть  $n = p \cdot q$  — параметр протокола,  $x, y$  — соответственно секретный и открытый ключи доказывающего абонента  $A$ ,  $k$  — случайный параметр из первого шага протокола,  $a$  — запрос из второго шага протокола. Найти  $y$  и привести все вычисления на четырех шагах протокола (найти  $r, s$ , проверить соответствующее сравнение), если известно, что  $p = 3, q = 7, a = 1, x = 13, k = 17$ . ( $y = 1, r = 16, s = 11$ ).

2. Протокол Шнорра. Пусть  $p$  — простое число,  $q$  — простой делитель числа  $p - 1$ ,  $g$  — элемент из кольца вычетов по модулю  $p$  (имеющий порядок  $q$ ),  $x, y$  — соответственно секретный и открытый ключ абонента  $A$ ,  $k$  — случайное число из первого шага протокола. Известно, что  $p = 13, q = 3, g = 3, a = 1, x = 2, k = 2$ . Найти  $y$  и привести все вычисления на четырех шагах протокола (найти  $r, s$ , проверить соответствующее сравнение). ( $y = 3, r = 9, s = 1$ ).

3. Протокол GQ. Пусть  $n = p \cdot q$  — параметр протокола,  $x, y$  — соответственно секретный и открытый ключи доказывающего абонента  $A$ ,  $k$  — случайный параметр из первого шага протокола,  $a$  — запрос из второго шага протокола. Найти  $y$  и привести все вычисления на четырех шагах протокола (найти  $r, s$ , проверить соответствующее сравнение), если известно, что  $p = 3, q = 5, a = 1, x = 7, e = 3, k = 4$ . ( $y = 7, r = 4, s = 13$ ).

### **Тема 3. Протоколы с нулевым разглашением**

#### **Основные вопросы темы:**

Протокол подбрасывания монеты по телефону. Протокол типа “подбрасывание монеты по телефону” с использованием эллиптических кривых. Протоколы привязки к биту. Протокол привязки к биту на основе протокола Шнорра с использованием эллиптических кривых.

#### **Рекомендации по изучению темы:**

Все вопросы изложены в главе 15 учебного пособия [2].

**Контрольные вопросы:**

1. Протокол подбрасывания монеты по телефону. 2. Протокол типа “подбрасывание монеты по телефону” с использованием эллиптических кривых. 3. Протоколы привязки к биту. 4. Протокол привязки к биту на основе протокола Шнорра с использованием эллиптических кривых.

**Тема 4. Протоколы передачи ключей**

**Основные вопросы темы:**

Передача ключей с использованием симметричного шифрования: двусторонние протоколы. Передача ключей с использованием симметричного шифрования: трехсторонние протоколы. Протокол Kerberos. Передача ключей с использованием асимметричного шифрования. Открытое распределение ключей. Протоколы МТИ. Модификация семейства протоколов МТИ на эллиптических кривых. Предварительное распределение ключей. Схема Блома.

**Рекомендации по изучению темы:**

Все вопросы изложены в главе 16 учебного пособия [2].

**Контрольные вопросы:**

1. Передача ключей с использованием симметричного шифрования: двусторонние протоколы. 2. Передача ключей с использованием симметричного шифрования: трехсторонние протоколы. Протокол Kerberos. 3. Передача ключей с использованием асимметричного шифрования. 4. Открытое распределение ключей. Протоколы МТИ. 5. Модификация семейства протоколов МТИ на эллиптических кривых. 6. Предварительное распределение ключей. Схема Блома.

# Литература

- [1] Алферов А.П., Зубов А.Ю., Кузьмин А.С., Черемушкин А.В. Основы криптографии. М.: Гелиос АРВ, 2005. 480 с.
- [2] Рацеев С. М. Математические методы защиты информации : учебное пособие для вузов. – СПб. : Лань, 2022. 544 с.
- [3] Черемушкин А.В. Криптографические протоколы. Основные свойства и уязвимости. М.: Академия, 2009. 272 с.